

88 ✓ দিনাজপুর বোর্ড ২০১৭

বিষয় কোড : 109

সময়-৩০ মিনিট

গণিত বহুনির্বাচনি অভীক্ষা

পূর্ণমান-৩০

[বিশেষ দ্রষ্টব্য : সরবরাহকৃত বহুনির্বাচনি অভীক্ষার উত্তরপত্রে প্রশ্নের ক্রমিক নম্বরের বিপরীতে প্রদত্ত বর্ণসংবলিত বৃত্তসমূহ হতে সঠিক/সর্বোৎকৃষ্ট উত্তরের বৃত্তটি বল পয়েন্ট কলম দ্বারা সম্পূর্ণ ভরাট কর। প্রতিটি প্রশ্নের মান ১। সকল প্রশ্নের উত্তর দিতে হবে। প্রশ্নপত্রে কোনো প্রকার দাগ/চিহ্ন দেওয়া যাবে না।]

১. $0.4\bar{5}$ এর সামান্য ভগ্নাংশ নিচের কোনটি?

- ক $\frac{4}{9}$ খ $\frac{9}{20}$ গ $\frac{5}{11}$ ঘ $\frac{9}{11}$

২. নিচের কোনটি মূলদ সংখ্যা?

- ক $\sqrt{5}$ খ $\sqrt[3]{8}$ গ $\sqrt{3}$ ঘ $\sqrt[3]{7}$

৩. $A = \{x \in N : 2 < x < 6\}$ হলে -

- i. A সেটের মৌলিক সংখ্যা ২টি
ii. P(A) এর উপাদান সংখ্যা ৪টি
iii. A সেটে ২ দ্বারা বিভাজ্য সংখ্যা ১টি

নিচের কোনটি সঠিক?

- ক i ও ii খ ii ও iii গ i ও iii ঘ i, ii ও iii

৪. $A = \{w, x, y, z\}$ হলে A এর প্রকৃত উপসেট কয়টি?

- ক ১২ খ ১৩ গ ১৫ ঘ ১৬

৫. $\sqrt[3]{a} = \sqrt{5}$ হলে a এর মান নিচের কোনটি?

- ক $\sqrt{5}$ খ ৫ গ $3\sqrt{5}$ ঘ $5\sqrt{5}$

■ $x^2 = 5 + 2\sqrt{6}$

উপরের তথ্যের আলোকে ৬ ও ৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

৬. x এর মান নিচের কোনটি?

- ক $\sqrt{3} - \sqrt{2}$ খ $\sqrt{3} + \sqrt{2}$
গ $\sqrt{2} - \sqrt{3}$ ঘ $5 - 2\sqrt{6}$

৭. $x^3 + \frac{1}{x} =$ কত?

- ক $18\sqrt{3}$ খ $15\sqrt{3}$ গ $12\sqrt{2}$ ঘ $10\sqrt{2}$

৮. $x + \frac{1}{x} = 5$ হলে -

- i. $\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = 21$

- ii. $x^2 - 5x + 1 = 0$ iii. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 23$

নিচের কোনটি সঠিক?

- ক i ও ii খ ii ও iii গ i ও iii ঘ i, ii ও iii

৯. $a = \sqrt{2}$, $b = \sqrt{3}$ হলে $(a + b)^2 - 2ab$ এর মান কত?

- ক ১ খ ২ গ ৩ ঘ ৫

১০. $x^2 = (x^{ab} \cdot x^{ab})^c$ হলে abc এর মান কত?

- ক ০ খ ১ গ ২ ঘ ৩

১১. $\log x = \frac{1}{2} \log y$ হলে $\log x^2$ এর মান কত?

- ক x খ y গ $\log y$ ঘ $\log \sqrt{y}$

১২. ১০ ভিত্তিক log এর ক্ষেত্রে -

- i. $\log 1 = 0$
ii. $\log 0 = 1$
iii. $\log 100 = 2$

নিচের কোনটি সঠিক?

- ক i ও ii খ i ও iii গ ii ও iii ঘ i, ii ও iii

১৩. $\log_x \left(\frac{1}{25}\right) = -2$ হলে x এর মান কত?

- ক ± 5 খ ৫ গ $\pm \frac{1}{5}$ ঘ $\frac{1}{5}$

১৪. $\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{2}{3}$ হলে a : c এর মান কত?

- ক ২ : ৩ খ ৩ : ৪ গ ৪ : ৯ ঘ ৯ : ৪

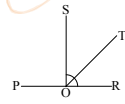
১৫. $(x - a - b) \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) = 0$ হলে x এর মান কোনটি?

- ক (a + b) খ $-(a + b)$
গ $\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right)$ ঘ $\frac{b+a}{ab}$

১৬. ABC ত্রিভুজের $\angle B = 60^\circ$, $\angle C = 40^\circ$ এবং $\angle B$ ও $\angle C$ এর সমদ্বিখণ্ডক O বিন্দুতে মিলিত হলে $\angle BOC$ এর মান কত?

- ক 80° খ 90° গ 120° ঘ 130°

১৭.

চিহ্নে, $\angle ROT$ ও $\angle TOS$ কোণদ্বয় পরস্পর -

- i. সম্পূরক ii. সন্নিহিত iii. পূরক

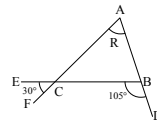
নিচের কোনটি সঠিক?

- ক i ও ii খ i ও iii গ ii ও iii ঘ i, ii ও iii

১৮. সমকোণী ত্রিভুজের সমকোণ ব্যতীত অপর দুই কোণের অনুপাত ৩ : ২ হলে কোণ দুইটি নিচের কোনটি?

- ক $55^\circ, 35^\circ$ খ $54^\circ, 36^\circ$
গ $50^\circ, 40^\circ$ ঘ $45^\circ, 45^\circ$

১৯.

চিহ্নে, $\angle R$ এর মান কত?

- ক 25° খ 35° গ 45° ঘ 75°

২০. সমবাহু ত্রিভুজের যে কোনো একটি বাহু বর্ধিত করলে যে বহিঃস্থ কোণ উৎপন্ন হয় তার পরিমাণ কত?

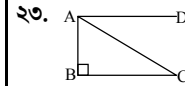
- ক 60° খ 80° গ 90° ঘ 120°

২১. $\sin 3A = \cos 3A$ হলে A এর মান কত?

- ক 15° খ 20° গ 25° ঘ 30°

২২. $\sin(A - B) = \frac{1}{2}$ এবং $B = 30^\circ$ হলে A এর মান কত?

- ক 0° খ 30° গ 45° ঘ 60°



চিহ্নে, অবনতি কোণ $\angle CAD = 60^\circ$ হলে $\angle BAC$ এর মান কোনটি?

- ক 30° খ 45° গ 60° ঘ 90°

২৪. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হলে -

- i. $b^2 = ac$ ii. $2b = a + c$

- iii. $\frac{a+b}{b} = \frac{b+c}{c}$

নিচের কোনটি সঠিক?

- ক i ও ii খ ii ও iii গ i ও iii ঘ i, ii ও iii

২৫. একটি সমান্তর ধারার n তম পদ $5n + 3$ হলে সাধারণ অন্তর কত?

- ক -2 খ $\frac{13}{8}$ গ ৫ ঘ ৮

২৬. $\frac{1}{\sqrt{7}}, -1, \sqrt{7}$ অনুক্রমটির সাধারণ অনুপাত কোনটি?

- ক $\frac{1}{\sqrt{7}}$ খ $-\frac{1}{\sqrt{7}}$ গ $\sqrt{7}$ ঘ $-\sqrt{7}$

২৭. দুই অংকবিশিষ্ট একটি সংখ্যার একক স্থানীয় অংক x এবং দশক স্থানীয় অংক y হলে সংখ্যাটি কত?

- ক xy খ $x + y$ গ $10y + x$ ঘ $10x + y$

২৮. মধ্যক নির্ণয়ে F_c দ্বারা কি বুঝায়?

- ক যোজিত গণসংখ্যা খ নিম্নসীমা
গ উচ্চসীমা ঘ গণসংখ্যা

২৯. একটি সমবাহু ত্রিভুজের এক বাহুর দৈর্ঘ্য ৬ সে.মি. হলে ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?

- ক $3\sqrt{3}$ খ $4\sqrt{3}$ গ $6\sqrt{3}$ ঘ $9\sqrt{3}$

৩০. একটি বৃত্তের ব্যাস ২৬ মিটার হলে পরিধি কত মিটার?

- ক 13π খ 26π গ 39π ঘ 52π

Self test	১	ক	খ	গ	ঘ	২	ক	খ	গ	ঘ	৩	ক	খ	গ	ঘ	৪	ক	খ	গ	ঘ	৫	ক	খ	গ	ঘ	৬	ক	খ	গ	ঘ	৭	ক	খ	গ	ঘ	৮	ক	খ	গ	ঘ	৯	ক	খ	গ	ঘ	১০	ক	খ	গ	ঘ	১১	ক	খ	গ	ঘ	১২	ক	খ	গ	ঘ	১৩	ক	খ	গ	ঘ	১৪	ক	খ	গ	ঘ	১৫	ক	খ	গ	ঘ	১৬	ক	খ	গ	ঘ	১৭	ক	খ	গ	ঘ	১৮	ক	খ	গ	ঘ	১৯	ক	খ	গ	ঘ	২০	ক	খ	গ	ঘ	২১	ক	খ	গ	ঘ	২২	ক	খ	গ	ঘ	২৩	ক	খ	গ	ঘ	২৪	ক	খ	গ	ঘ	২৫	ক	খ	গ	ঘ	২৬	ক	খ	গ	ঘ	২৭	ক	খ	গ	ঘ	২৮	ক	খ	গ	ঘ	২৯	ক	খ	গ	ঘ	৩০	ক	খ	গ	ঘ
-----------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	---	---	---	---

উত্তরমালা	১	গ	২	খ	৩	ঘ	৪	গ	৫	ঘ	৬	খ	৭	ক	৮	ঘ	৯	ঘ	১০	খ	১১	গ	১২	খ	১৩	খ	১৪	গ	১৫	ক	১৬	ঘ	১৭	গ	১৮	খ	১৯	ঘ	২০	ঘ	২১	ক	২২	ঘ	২৩	ক	২৪	গ	২৫	গ	২৬	ঘ	২৭	গ	২৮	ক	২৯	ঘ	৩০	খ
-----------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---	----	---

সময়—২ ঘণ্টা ৩০ মিনিট

গণিত • সৃজনশীল প্রশ্ন

পূর্ণমান—৭০

[দ্রষ্টব্য : ডানপাশের সংখ্যা প্রশ্নের পূর্ণমান জ্ঞাপক। ক বিভাগ থেকে দুইটি, খ বিভাগ থেকে দুইটি, গ বিভাগ থেকে দুইটি এবং ঘ বিভাগ থেকে একটি করে মোট সাতটি প্রশ্নের উত্তর দাও।]

ক বিভাগ : বীজগণিত

- ১ ▶ $g(x) = \frac{3x+1}{3x-1}$
এবং $h(t) = \frac{t^4+t^2+1}{t^2}$ দুইটি বীজগাণিতিক রাশি।
ক. $g(0)$ এবং $h(1)$ এর মান নির্ণয় কর। ২
খ. $\frac{g\left(\frac{1}{x}\right)+1}{g\left(\frac{1}{x}\right)-1}$ এর মান নির্ণয় কর। ৪
গ. প্রমাণ কর যে, $h(t^2) = h\left(\frac{1}{t^2}\right)$ । ৪
- ২ ▶ $A = x^p$; $B = x^q$; $C = x^r$ এবং $M = 2^{2x+1}$ কয়েকটি রাশি।
ক. $M = 512$ হলে, x এর মান নির্ণয় কর। ২
খ. $\left(\frac{A}{B}\right)^{p^2+pq+q^2} \times \left(\frac{B}{C}\right)^{q^2+qr+r^2} \times \left(\frac{C}{A}\right)^{r^2+rp+p^2}$ এর মান নির্ণয় কর। ৪
গ. প্রমাণ কর যে, $\log_x(ABC) = \log_x A + \log_x B + \log_x C$ । ৪
- ৩ ▶ একটি বর্গের ক্ষেত্রফল একটি আয়তের ক্ষেত্রফলের সমান।
আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ৩৬ মিটার এবং প্রস্থ ২৫ মিটার।
ক. আয়তের বাহুর দৈর্ঘ্যের ও প্রস্থের দ্বিভাজিত অনুপাত নির্ণয় কর। ২
খ. আয়তের দৈর্ঘ্য ১০% হ্রাস পেলে এবং প্রস্থ ১০% বৃদ্ধি করা হলে, ক্ষেত্রফল শতকরা কত হ্রাস বা বৃদ্ধি পাবে? ৪
গ. বর্গাকার ক্ষেত্রটির চতুর্দিকে ৩ মিটার অন্তর গাছ লাগালে কতটি গাছ প্রয়োজন হবে এবং প্রতিটি গাছ লাগাতে ২৩ টাকা হিসাবে গাছ লাগানো বাবদ খরচ কত হবে? ৪

খ বিভাগ : জ্যামিতি

- ৪ ▶ $\angle x$ ও $\angle y$ দুইটি কোণ এবং a, b, c তিনটি রেখাংশ যেখানে $a > b > c$ ।
ক. a, b, c বাহু তিনটি দ্বারা ত্রিভুজ আঁক। ২
খ. সামান্তরিকের ভূমি b একক এবং দুইটি কর্ণের দৈর্ঘ্য a একক এবং c একক হলে, সামান্তরিকটি আঁক এবং অঙ্কনের বিবরণ দাও। ৪
গ. ট্রাপিজিয়ামের দুইটি সমান্তরাল বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে a একক ও b একক এবং a বাহু সংলগ্ন দুইটি কোণ $\angle x$ ও $\angle y$ হলে, ট্রাপিজিয়ামটি আঁক এবং অঙ্কনের বিবরণ দাও। ৪
- ৫ ▶ $\triangle PQR$ এর $\angle P$ এর সমদ্বিখণ্ডক PS , QR -কে S বিন্দুতে ছেদ করেছে। SP এর সমান্তরাল RT রেখাংশ বর্ধিত QP -কে T বিন্দুতে ছেদ করেছে।
ক. দেখাও যে, দুইটি ত্রিভুজের ভূমি সমান হলে, তাদের ক্ষেত্রফল উচ্চতার সমানুপাতিক। ২
খ. প্রমাণ কর যে, $QS : SR = PQ : PR$ । ৪
গ. QR এর সমান্তরাল কোনো রেখাংশ PQ এবং PR -কে যথাক্রমে M ও N বিন্দুতে ছেদ করলে, প্রমাণ কর যে, $QS : SR = MQ : NR$ । ৪

- ৬ ▶ সমকোণী $\triangle PQR$ এর $\angle Q =$ এক সমকোণ এবং $\triangle ABC$ সমবাহু যার $AD \perp BC$ ।
ক. দেখাও যে, $BD = CD$ । ২
খ. প্রমাণ কর যে, $PR^2 = PQ^2 + QR^2$ ৪
গ. প্রমাণ কর যে, $4AD^2 = 3AB^2$ । ৪

গ বিভাগ : ত্রিকোণমিতি ও পরিমিতি

- ৭ ▶ $A = \cos \theta + \sin \theta$ এবং $B = \cos \theta - \sin \theta$ দুইটি ত্রিকোণমিতিক রাশি।
ক. $\theta = 45^\circ$ হলে, A এবং B এর মান নির্ণয় কর। ২
খ. $A = \sqrt{2} (A - \sin \theta)$ হলে, প্রমাণ কর যে, $B = \sqrt{2} (A - \cos \theta)$ । ৪
গ. $A = 1$ হলে, θ এর মান নির্ণয় কর যেখানে, $0^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$ । ৪
- ৮ ▶ P ও Q দুইটি নির্দিষ্ট স্থানের মধ্যবর্তী দূরত্ব ১২০০ মিটার। R বিন্দুতে অবস্থিত একটি বিমান হতে P ও Q বিন্দুদ্বয়ের অবনতি কোণ যথাক্রমে 60° এবং 30° ।
ক. $RS \perp PQ$ হলে $\angle RPS$ ও $\angle QRS$ এর মধ্যকার সম্পর্ক লেখ। ২
খ. বিমানটি ভূমি হতে কত উপরে রয়েছে তা নির্ণয় কর। ৪
গ. PR এবং QR এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ৪
- ৯ ▶ একটি বাগানের দৈর্ঘ্য ৪০ মিটার এবং প্রস্থ ৬০ মিটার। বাগানটির ভিতরে সমান পাড়বিশিষ্ট একটি পুকুর খনন করা হলো।
ক. বাগানের পরিসীমা ও ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ২
খ. যদি পুকুর পাড়ের ক্ষেত্রফল ৪০৪ বর্গমিটার হয়, তবে পুকুরের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর। ৪
গ. পুকুরের গভীরতা ২.৭৫ মিটার হলে, প্রতি ঘনমিটার মাটি খনন করতে ৩২৫ টাকা হিসাবে ঐ পুকুরটির মাটি খনন করতে কত টাকা লাগবে? ৪

ঘ বিভাগ : পরিসংখ্যান

- ১০ ▶ নিচে একটি গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো :

শ্রেণিব্যাপ্তি	30-35	36-41	42-47	48-53	54-59	60-65
গণসংখ্যা	3	10	18	25	8	6

- ক. মধ্যক শ্রেণির নিম্ন সীমা নির্ণয় কর। ২
খ. সারণি হতে মধ্যক নির্ণয় কর। ৪
গ. গণসংখ্যা নিবেশনের আয়তলেখ আঁক। ৪
- ১১ ▶ কোনো বিদ্যালয়ের ২৫ জন শিক্ষার্থীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বর নিম্নরূপ :
75, 40, 52, 92, 87, 43, 65, 69, 73, 81, 95, 52, 66, 82, 89, 56, 47, 69, 57, 73, 84, 91, 77, 50, 62.
ক. পরিসর কী? শ্রেণি ব্যাপ্তি ১০ হলে শ্রেণি সংখ্যা কত? ২
খ. শ্রেণি ব্যাপ্তি ১০ নিয়ে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর। ৪
গ. সংক্ষিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর। ৪