

ଉତ୍କଳ	୧	M	୨	M	୩	K	୪	L	୫	M	୬	N	୭	N	୮	L	୯	K	୧୦	M	୧୧	N	୧୨	L	୧୩	K	୧୪	N	୧୫	M
	୧୬	N	୧୭	K	୧୮	M	୧୯	L	୨୦	K	୨୧	M	୨୨	M	୨୩	N	୨୪	M	୨୫	N	୨୬	N	୨୭	L	୨୮	N	୨୯	K	୩୦	N

সময়—২ ঘণ্টা ৩০ মিনিট

গণিত সৃজনশীল প্রশ্ন

পূর্ণমান—৭০

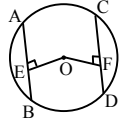
দ্রষ্টব্য : ডান পাশের সংখ্যা প্রশ্নের পূর্ণমান জ্ঞাপক। ক বিভাগ হতে দুইটি, খ বিভাগ হতে দুইটি, গ বিভাগ হতে দুইটি এবং ঘ বিভাগ হতে একটি করে মোট সাতটি প্রশ্নের উত্তর দাও।

ক বিভাগ : বীজগণিত

- ১ ▶ $A = \{x \in Z : x^2 < 10\}$, $B = \{x \in N : 2 < x \leq 7 \text{ এবং মৌলিক সংখ্যা}\}$ এবং $f(x) = \frac{x^4 + x^2 + 1}{x^2}$.
- ক. B-কে তালিকা পদ্ধতিতে প্রকাশ কর। ২
- খ. $f\left(\frac{1}{x}\right) = 4$ হলে, $\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)^2$ এর মান নির্ণয় কর। ৪
- গ. $S = \{(x, y) : x \in A, y \in B \text{ এবং } y = x + 1\}$ -কে তালিকা পদ্ধতিতে প্রকাশ কর এবং ডোমেন ও রেঞ্জ নির্ণয় কর। ৪
- ২ ▶ $8x^{-1} = a^{-1} + b^{-1}$ এবং $p^2 - \frac{2p}{m} + 1 = 0$.
- ক. x-এর মান নির্ণয় কর। ২
- খ. প্রমাণ কর যে, $\frac{x+4a}{x-4a} + \frac{x+4b}{x-4b} = 2$; $a \neq b$. ৪
- গ. দেখাও যে, $\frac{\sqrt{1+m} + \sqrt{1-m}}{\sqrt{1+m} - \sqrt{1-m}} = p$. ৪
- ৩ ▶ একটি গুণোত্তর ধারার তৃতীয় পদ $\frac{1}{\sqrt{3}}$, অষ্টম পদ $\frac{1}{27}$ । অপর একটি সমান্তর ধারার ১ম ১০ পদের সমষ্টি ১৫৫ এবং ১ম ২০ পদের সমষ্টি ৬১০।
- ক. $5 + 8 + 11 + \dots$ ধারাটির কোন পদ ৩৮৩? ২
- খ. একটি গুণোত্তর ধারা নির্ণয় কর। ৪
- গ. সমান্তর ধারাটির ৩০ তম পদ নির্ণয় কর। ৪

খ বিভাগ : জ্যামিতি

৪ ▶



চিত্রে O কেন্দ্রবিশিষ্ট একটি বৃত্ত। বৃত্তটির জ্যা AB = জ্যা CD.

- ক. $OA = 5$ সে.মি. হলে, বৃত্তটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ২
- খ. প্রমাণ কর যে, $OE = OF$. ৪
- গ. বহিঃস্থ কোনো P বিন্দু থেকে ঐ বৃত্তে PM ও PN দুইটি স্পর্শক টানা হলো। প্রমাণ কর যে, $PM = PN$. ৪
- ৫ ▶ ΔPQR একটি সমবাহু ত্রিভুজ। $PM \perp QR$ এবং $\angle Q$ ও $\angle R$ এর সমদ্বিখণ্ডক O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।
- ক. $P = 12$ সে.মি. $\frac{P}{4}$ বাহুবিশিষ্ট একটি সমবাহু ত্রিভুজ আঁক। ২
- খ. প্রমাণ কর যে, $4PM^2 = 3PQ^2$. ৪
- গ. প্রমাণ কর যে, $\angle QOR = 90^\circ + \frac{1}{2} \angle P$. ৪
- ৬ ▶ একটি ত্রিভুজের ভূমি $a = 4.2$ সে.মি., ভূমি সংলগ্ন সূক্ষ্মকোণ $\angle x = 30^\circ$ অপর দুই বাহুর অন্তর $d = 2.2$ সে.মি.।
- ক. 'a' এর দৈর্ঘ্যের সমান বাহুবিশিষ্ট একটি বর্গ আঁক। ২
- খ. ত্রিভুজটি অঙ্কন কর। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক) ৪
- গ. অঙ্কনের বিবরণসহ 'a' এর সমান ব্যাসার্ধবিশিষ্ট বৃত্তে এমন একটি স্পর্শক আঁক যেন তা কোনো নির্দিষ্ট সরলরেখার সমান্তরাল হয়। ৪

গ বিভাগ : ত্রিকোণমিতি ও পরিমিতি

- ৭ ▶ $\cot \theta + \cos \theta = p$ এবং $\cot \theta - \cos \theta = q$.
- ক. দেখাও যে, $pq = \cot^2 \theta \cos^2 \theta$. ২
- খ. প্রমাণ কর যে, $p^2 - q^2 = 4\sqrt{pq}$. ৪
- গ. $\frac{p}{q} = \frac{2 + \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}}$ হলে θ এর মান নির্ণয় কর, যেখানে, $0^\circ < \theta < 90^\circ$. ৪
- ৮ ▶ ভূমিতে খাড়াভাবে দণ্ডায়মান কোনো গাছের শীর্ষবিন্দুতে ঐ বিন্দু থেকে $68\sqrt{3}$ মিটার দূরে ভূতলস্থ একটি বিন্দুর অবনতি কোণ 60° ।
- ক. $1 - \cos^2 \theta = \frac{3}{4}$ হলে, $\tan \theta =$ কত? ২
- খ. গাছটির উচ্চতা নির্ণয় কর। ৪
- গ. যদি গাছটির উচ্চতা উল্লিখিত দূরত্বের অর্ধেক হত এবং গাছটি বাড়ে ভূমি থেকে x মিটার উঁচুতে ভেঙ্গে গিয়ে দণ্ডায়মান অংশের সাথে 60° কোণ করে মাটি স্পর্শ করত তাহলে x এর মান নির্ণয় কর। ৪
- ৯ ▶ একটি ট্রাপিজিয়ামের সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্য যথাক্রমে ৫৪ সে.মি. এবং ৮৪ সে.মি.। একটি লোহার পাইপের ভিতরের ও বাইরের ব্যাস যথাক্রমে ১২ সে.মি. এবং ১৫ সে.মি. ও পাইপের উচ্চতা ৬ মিটার।
- ক. ২০ সে.মি. ব্যাসবিশিষ্ট বৃত্তের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ২
- খ. এক ঘন সে.মি. লোহার ওজন ৭.২ গ্রাম হলে পাইপের লোহার ওজন নির্ণয় কর। ৪
- গ. ট্রাপিজিয়ামের অপর বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্য যথাক্রমে ১২ সে.মি. ও ১৮ সে.মি. হলে ট্রাপিজিয়ামটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ৪

ঘ বিভাগ : পরিসংখ্যান

- ১০ ▶ কোনো বিদ্যালয়ের ১০ম শ্রেণির ৭০ জন শিক্ষার্থীর বিজ্ঞানে প্রাপ্ত নম্বর নিম্নের সারণিতে দেওয়া হলো :

শ্রেণিব্যাপ্তি	41-45	46-50	51-55	56-60	61-65	66-70	71-75
গণসংখ্যা	5	10	15	20	12	5	3

- ক. প্রচলিত অর্থসহ প্রচুরক নির্ণয় সূত্রটি লিখ। ২
- খ. সারণি থেকে মধ্যম নির্ণয় কর। ৪
- গ. প্রদত্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অঙ্কন কর। ৪
- ১১ ▶ ৪০ জন শিক্ষার্থীর গণিত বিষয়ের প্রাপ্ত নম্বরের সারণি নিম্নে দেওয়া হলো :
- | শ্রেণিব্যাপ্তি | 35-44 | 45-54 | 55-64 | 65-74 | 75-84 | 85-94 |
|----------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| গণসংখ্যা | 4 | 8 | 13 | 10 | 2 | 3 |
- ক. মধ্যক শ্রেণির মধ্যবিন্দু নির্ণয় কর। ২
- খ. সংক্ষিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর। ৪
- গ. প্রদত্ত উপাত্তের অজিভ রেখা অঙ্কন কর। ৪